4 Geometrie 13

Skizze	Formel- zeichen	Größe	Einheit	Formel					
Mathematische Berechnungen	a, b	Katheten	mm, cm, m	, a·b , c·h					
am rechtwinkligen Dreieck	С	Hypothenuse	mm, cm, m	$A = \frac{a \cdot b}{2}, \ A = \frac{c \cdot h}{2}$					
p p	А	Flächeninhalt	mm², cm², m²	c = p + q					
	p, q	Hypothenusen- abschnitte	mm, cm, m	$h^2 = p \cdot q, \ h = \sqrt{p \cdot q}$					
Höhensatz	h	Höhe	mm, cm, m	$a^2 = c \cdot q, b^2 = c \cdot q$					
Kathetensatz									
Pythagoras				$c^2 = a^2 + b^2$					
				$c = \sqrt{a^2 + b^2}$					
				$a = \sqrt{c^2 - b^2}$					
				$b = \sqrt{c^2 - a^2}$					
Pythagoras in Teildreiecken				$a^2 = q^2 + h^2$ $b^2 = p^2 + h^2$					
Winkelsumme				$90^{\circ} = \alpha + \beta = \gamma$					
Trigonometrie und Strecken- verhältnisse				$\sin \alpha = \frac{h}{b} = \frac{a}{c}, \cos \alpha = \frac{p}{b} = \frac{b}{c}$ $\tan \alpha = \frac{h}{p} = \frac{a}{b}$					
				$\sin \beta = \frac{h}{a} = \frac{b}{c}, \cos \beta = \frac{q}{a} = \frac{a}{c}$ $\tan \beta = \frac{h}{q} = \frac{b}{a}$					
				$\sin \alpha = \cos \beta$, $\cos \alpha = \sin \beta$, $\tan \alpha = \frac{1}{\tan \beta}$					
			Ein Dreieck mit dem Seitenverhältnis a:b:c = 3:4:5 ist ein rechtwinkliges Dreieck.						

4 Geometrie 17

Skizze	Formel- zeichen	Größe	Einheit	Formel
Würfel	1	Seitenlänge	mm, cm, m	$A_{\rm O} = 6 \cdot I^2$
	A _O	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A_{M} = 4 \cdot I^2$
	A _M	Mantelfläche	mm ² , cm ² , m ²	 V = I ³
	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	
Prisma (Quader)	1	Länge	mm, cm, m	$A_{O} = 2 \cdot (l \cdot b + l \cdot h + b \cdot h)$
	b	Breite	mm, cm, m	$A_{M} = 2 \cdot h \cdot (I + b)$
	h	Höhe	mm, cm, m	$A = I \cdot b$
	Ao	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = I \cdot b \cdot h$
	A _M	Mantelfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = A \cdot h$
	Α	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	
	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	
Höhenrost	1	Länge	mm, cm, m	I⊥b
(mit rechteckiger Grundfläche)	b	Breite	mm, cm, m	$A = I \cdot b$
	$h_1, h_2,$	Höhen	mm, cm, m	$V = A \cdot \frac{1}{4} \cdot (h_1 + h_2 + h_3 + h_4)$
	h_3, h_4 A	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	•
2 2 70	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	
(mit dreieckiger Grundfläche)	I ₁ , I ₂	Längen (Katheten)	mm, cm, m	$I_1 \perp I_2$
	h ₁ , h ₂ , h ₃	Höhen	mm, cm, m	$A = \frac{l_1 \cdot l_2}{2}$
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	A A	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = A \cdot \frac{1}{3} \cdot (h_1 + h_2 + h_3)$
11	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	3 \ 1 2 3'
· '1				
Kegel	d	Durchmesser	mm, cm, m	$I = \sqrt{r^2 + h^2}$ $A_0 = \pi \cdot r \cdot (I + r)$
	h	Höhe	mm, cm, m	$A_{O} = \pi \cdot r \cdot (r + r)$ $A_{O} = \pi \cdot r \cdot \left(\sqrt{r^{2} + h^{2}} + r\right)$
	r	Radius	mm, cm, m	$A_0 = \frac{\pi \cdot d}{2} \cdot \left(I + \frac{d}{2} \right)$
	1	Mantelhöhe	mm, cm, m	$A_{O} = \frac{1}{2} \cdot \left(1 + \frac{1}{2}\right)$ $A_{M} = \pi \cdot r \cdot \sqrt{r^{2} + h^{2}}$
\(\frac{1}{2}\)	A _O	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A_{M} = \pi \cdot r \cdot \sqrt{r^{2} + h^{2}}$ $A_{M} = \frac{\pi \cdot d \cdot l}{2}$
	A _M	Mantelfläche	mm ² , cm ² , m ²	_
d , d	A	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$
	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	$V = \frac{\pi \cdot d^2}{4} \cdot \frac{h}{3}, V = \frac{A \cdot h}{3}$

18 4 Geometrie

Skizze	Formel-	Größe	Einheit	Formel
Zylinder	zeichen r	Radius	mm, cm, m	
(Grund- und Deckfläche parallel)	d	Durchmesser	mm, cm, m	$A = \frac{\pi \cdot d^2}{4}$
	h	Höhe		$A_{O} = \pi \cdot d \cdot h + 2 \cdot \frac{\pi \cdot d^{2}}{4}$
			mm, cm, m	$A_{M} = \pi \cdot d \cdot h$
	A	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = A \cdot h$
	A _O	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = \pi \cdot r^2 \cdot h$
$r \rightarrow r$	A _M	Mantelfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = \frac{\pi \cdot d^2 \cdot h}{4}$
* - *	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	$V = \frac{U^2 \cdot h}{4 \cdot \pi}$
	U	Umfang von A	mm, cm, m	4· n
Hohlzylinder	d	innerer Durch-	mm, cm, m	$d_{\rm m} = \frac{D+d}{2}$
D	d _m D	äußerer messer	mm, cm, m mm, cm, m	$d_{\rm m} = d + b$
$\left[\begin{array}{c} d_{\rm m} \end{array}\right]$	h	Höhe	mm, cm, m	$d_{\rm m} = D - b$
d	ь	Wanddicke	mm, cm, m	$A_{O} = \frac{\pi}{2} \cdot \left(D^{2} - d^{2}\right) + \pi \cdot h \cdot (D + d)$
	r	innerer Radius	mm, cm, m	$A_{M} = \pi \cdot h \cdot (D + d)$
	R	äußerer Radius	mm, cm, m	$A = \frac{\pi}{4} \cdot \left(D^2 - d^2 \right)$
	A _O	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A = \pi \cdot d_{m} \cdot b$
	A _M	Mantelfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = \frac{\pi \cdot h}{4} \cdot \left(D^2 - d^2 \right)$
R	Α	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V = \pi \cdot d_{m} \cdot b \cdot h$
	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	$V = A \cdot h, V = \pi \cdot h \cdot (R^2 - r^2)$
Kegelstumpf (Grund- und Deckfläche parallel)	d ₁ d _m d ₂	großer mittlerer kleiner	mm, cm, m mm, cm, m mm, cm, m	$d_{\rm m} = \frac{d_1 + d_2}{2}$ $I = \sqrt{(r_1 - r_2)^2 + h^2}$
, d ₂	1	Mantelhöhe	mm, cm, m	$h = \sqrt{l^2 - (r_1 - r_2)^2}$
, r ₂	h	Höhe	mm, cm, m	$A_{\rm O} = A_1 + A_2 + A_{\rm M}$
	r ₁ r ₂	großer kleiner Radius	mm, cm, m mm, cm, m	$A_{O} = \pi \cdot (r_{1}^{2} + r_{2}^{2} + r_{1} \cdot I + r_{2} \cdot I)$ $A_{M} = \pi \cdot I \cdot (r_{1} + r_{2})$
	A _O	Oberfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A_{\rm M} = \frac{\pi \cdot I}{2} \cdot (d_1 + d_2)$
$d_{\rm m}$	A _M	Mantelfläche	mm², cm², m²	$A_{\rm m} = \frac{\pi \cdot d_{\rm m}^2}{4}$
	A _m	mittlere Fläche	mm ² , cm ² , m ²	4
	A ₁	Grundfläche	mm ² , cm ² , m ²	$A_1 = \frac{\pi \cdot d_1^2}{4}, A_2 = \frac{\pi \cdot d_2^2}{4}$
d_1	A_2	Deckfläche	mm ² , cm ² , m ²	$V \approx A_{\rm m} \cdot h$ $\dots \pi \cdot h (2 2)$
	V	Volumen	mm ³ , cm ³ , m ³	$V = \frac{\pi \cdot h}{3} \cdot \left(r_1^2 + r_2^2 + r_1 \cdot r_2\right)$
				$V = \frac{\pi \cdot h}{12} \cdot \left(d_1^2 + d_2^2 + d_1 \cdot d_2 \right)$
		l		I

Mauerziege	el (DIN 105)							
Steinart		Festigkeitsklasse N/mm²						
Vollziegel u	nd Hochlochziegel							
Mz	Vollziegel							
VMz	Vormauerziegel	4–28	1,2–2,2	DF, NF, 2 DF				
KMz HLz	Vollklinker Hochlochziegel	4–28	1,2–1,8	NF-20 DF				
Leichtlochz								
VHLz	Vormauerhochlochziegel	6–28	1,2–1,8	DF, NF, 2 DF, 3 DF				
KHLz	Hochlochklinker	28	1,2-1,6	DF, NF, 2 DF, 3 DF				
HLz	Leichthochlochziegel							
HLzW	Leichthochlochziegel W	4–20	0,6–1,0	NF-20 DF				
Hochfeste	Ziegel und hochfeste Klinker							
Mz	Vollziegel							
HLz	Hochlochziegel	36–60	1,2–2,2	DF, NF, 2 DF, 3 DF				
KMz	Vollklinker	30-00	1,4-2,4	DI, INI, 2 DI, 3 DI				
KHLz	Hochlochklinker							
Keramikklii	nker	T	T	T				
KK	Vollklinker	60	1,4–2,2	DF, NF, 2 DF				
KHK	Keramik-Hochlochklinker	00	1,4-2,2	DI, NI, 2 DI				
Leichtlochz	ziegel und Leichtlangloch-Ziege	elplatten						
LLz	Leichtlanghochziegel	2–12	0,5–1,0	NF-20 DF				
LLp	Leichtlangloch-Ziegelpl.	- 12	0,0 1,0	40 s-115 s				
Kalksandst	eine (DIN 106)							
Steinart		Festigkeitsklasse N/mm ²	Rohdichteklasse kg/dm ³	Vorzugsformate				
KS	Vollstein	12, 20, 28	1,6; 1,8; 2,0	Schichthöhe < 12,5 cm Lochanteil <15 %				
KS L	Lochstein	12, 20	1,2: 1,4; 1,6	Schichthöhe < 12,5 cm Lochanteil >15 %				
KS R	Ratio-Blockstein	12, 20	1,8; 2,0	Großraumformate > 25 cm				
KSR(P)	Ratio-Planblockstein	12, 20	1,6; 1,8; 2,0	Lochanteil <15 %				
KS-PE	Planelemente	20	1,8; 2,0					
KS L-R	Ratio Hohlblockstein			Großraumformate > 25 cm Lochanteil > 15 %				
KS LR (P)	Ratio Planhohlblockstein	6, 12	1,2; 1,4; 1,6	Localities >10 /0				
KS P7	Bauplatten	-	2,0	Großraumformate > 25 cm				
KS Vm	Vormauersteine	>12	1,0-2,2	Schichthöhe <12,5 cm				
	1			Lochanteil <15 %				

12 Betonbau 41

Druckfestigkeitsklassen für Beton nach DIN EN 206									
Standardbetone, Herstellung nach Rezept möglich	Normalbetone	Hochfeste Betone							
C 8/10	C 20/25	C 55/67							
C 12/15	C 25/30	C 60/75							
C 16/20	C 30/37	C 70/85							
	C 35/45	C 80/95							
	C 40/50	C 90/105							
	C 45/55	C 100/115							
	C 50/60								

Erläuterung (Beispiel): C 16/20

C = Concrete (Beton)

16 = Zylinderdruckfestigkeit in N/mm²

20 = Würfeldruckfestigkeit in N/mm²

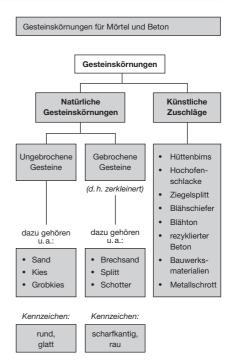
(Messung der Festigkeit nach 28 Tagen Erhärtung)

Frischbetonkonsistenzen nach DIN EN 206										
Ausbrei	tversuch		Verdichtungsversuch (siehe Seite 43)							
Klasse	Ausbreitmaß (mm)	Konsistenzbeschreibung	Klasse	Klasse Verdichtungsmaß (mm) Konsisten:						
F1	≤ 340	steif	C0	≥ 1,46	sehr steif					
F2	350 bis 410	plastisch	C1	1,45 bis 1,26	steif					
F3	420 bis 480	weich	C2	1,25 bis 1,11	plastisch					
F4	490 bis 550	sehr weich	C3	1,10 bis 1,04	weich					
F5	560 bis 620	fließfähig	Anmerkung: Bei weichen Betonen empfielt sich die Anwendung des Ausbreitversuchs.							
F6	≥ 630	sehr fließfähig								

Betonrohdichteklassen								
Leichtbeton	Gesteinskörnungen: Blähton, Naturbims u.a.; (Rohdichte 0,8 bis 2,0 kg/dm³)							
Normalbeton	Gesteinskörnungen: Sand und Kies (Rohdichte 2,0 bis 2,6 kg/dm³) typische Rohdichte 2,4 kg/dm³, 24 kN/m³							
Schwerbeton	Gesteinskörnungen: Stahlschrott, Eisenerz u.a.; (Rohdichte ≥ 2,6 kg/dm³)							

Betonbegriffe nach dem Einbau								
Ortbeton Angemachter Beton, der auf der Bau stelle in seine endgültige Form eingebracht wird und dort erhärtet.								
Betonfertigteile Betonwaren Betonwerkstein	Im Betonwerk hergestellte und im fertigen Zustand angelieferte Teile, die auf der Baustelle nur noch eingebaut werden (z.B. Verbundsteine, Platten, Träger).							

Betonbegriffe nach dem Alter						
Frischbeton Beton, solange er verarbeitbar ist.						
Junger Beton	Beton, der erstarrt und nicht mehr verarbeitbar ist (etwa bis 3 Tage)					
Festbeton	Beton, der <u>erhärtet</u> ist (nach dem Ausschalen).					



Abmessungen von Betonstahl nach DIN 488-1											
Nenndurchmesser d [mm] 6 8 10 12 14 16 20 25 28 32 40										40	
Nennquerschnitt A _n [cm ²]	0,283	0,503	0,785	1,13	1,54	2,01	3,14	4,91	6,16	8,04	12,57
Nennmasse [kg/m]	0,222	0,395	0,617	0,888	1,21	1,58	2,47	3,85	4,83	6,31	9,86

Lichter Stababstand a der Bewehrungsstäbe voneinander in mm										
Stabdurchmesser d	Stabdurchmesser $d \le 32 \text{ mm} > 32 \text{ mm}$									
lichter Abstand a	$\geq d_{\rm g}^{-1}$) $\geq 20~{\rm mm}$	≥ d _g ¹) + 5 mm								

 $^{^{1}}$) d_{q} = Größtkorndurchmesser der Gesteinskörnung in mm

In jedem Falle soll a so groß gewählt werden, dass der Beton ausreichend verdichtet werden kann und der Verbund gesichert ist.

Lagermatten Lieferformate nach DIN 488																		
		Mattenaufbau in Längsrichtung und Querrichtung								Quer- Gewicht		/icht	Details					
Matten-	Länge	Stabab-	Stabdurd		esser and-		Anza ngsra				schnitte längs je quer Matte				schnitte		je	Randausbildung Querschnitt-Angaben
bezeichnung	Breite	stände	bereich		reich		ndein			lariys			m ²	zur seitlichen Darstellung eines				
	m	mm	m	m		lin	ks	red	chts	cm	² /m	kg	kg	Mattenrands				
Q 188 A		150 150	· 6,0 · 6,0							1,88	1,88	41,7	3,02	keine Randeinsparung				
Q 257 A		150 150	· 7,0 · 7,0							2,57	2,57	56,8	4,12	keine Randeinsparung				
Q 335 A	6,00 2,30	150 150	· 8,0 · 8,0							3,35	3,35	74,7	5,38	keine Randeinsparung				
Q 424 A		150 150	· 9,0 · 9,0	/	7,0	-	4	/	4	4,24	4,24	84,4	6,12	Randeinsparung				
Q 524 A		150 150	· 10,0 · 10,0	/	7,0	-	4	/	4	5,24	5,24	100,9	7,31	Randeinsparung				
Q 636 A	6,00 2,30	100 125	· 9,0 · 10,0	/	7,0	-	4	/	4	6,36	6,28	132,0	9,36	Randeinsparung				
R 188 A		150 250	· 6,0 · 6,0							1,88	1,13	33,6	2,43	keine Randeinsparung				
R 257 A		150 250	· 7,0 · 6,0							2,57	1,13	41,2	2,99	keine Randeinsparung				
R 335 A	6,00 2,30	150 250	· 8,0 · 6,0							3,35	1,13	50,2	3,64	keine Randeinsparung				
R 424 A		150 250	· 9,0 · 8,0	/	8,0	-	2	/	2	4,24	2,01	67,2	4,87	Randeinsparung				
R 524 A		150 250	· 10,0 · 6,0	/	8,0	-	2	/	2	5,24	2,01	75,7	5,49	Randeinsparung				

Bezeichnungsbeispiel: Betonstahlmatte DIN 488-4 – B500B – 125 \times 12/10-2/2-125 \times 8/7-2/2

Zulässige Spannungen für Bauholz nach DIN 1052									
Beanspruchung	Kurzzeichen	europäische Nadelhölzer Güteklasse			Eiche, Buche mittlere Güte	Brettschnittholz Güteklasse			
		1	II	III		1	II		
		MN/m ²	MN/m ²	MN/m ²	MN/m ²	MN/m ²	MN/m ²		
Zug in Faserrichtung	zul. σ _{Z II}	9	7	0	10	10,5	8,5		
Druck in Faserrichtung	zul. σ _{D II}	11	8,5	6	10	11	8,5		
Druck rechtwinklig zur Faser	zul. $\sigma_{\!\scriptscriptstyle D\perp}$	2	2	2	3	2	2		
mit Eindrückungen	zul. $\sigma_{\!\scriptscriptstyle m D}_{\perp}$	2,5	2,5	2,5	4	2,5	2,5		

Skizze	Formel- zeichen	Größe	Einheit	Formel		
Holzfeuchte	и	Feuchtegehalt	%	$u = \frac{G_0}{G_0} \cdot 100$		
Frisches Bauholz unbegrenzt Halbtrockenes Bauholz u ≤ 30 % Trockenes Bauholz u ≤ 20 %	G ₀	Darrgewicht (Gewicht nach der	kg, g	Su .		
Trockenes Baurioizu ≤ 20 %	G _u	Trocknung) Holzgewicht bei Feuchtegehalt <i>u</i>	kg, g			
Holzschwund Schwundberechnung	β oder I_{β}	Schwund (Schwindmaß)	% oder m, mm	$I_{\beta} = I_{ua} - I_{ue}$ $I_{\alpha} \cdot 100 \%$		
	I _{ua}	Grünmaß	m, mm	$\beta = \frac{I_{\beta} \cdot 100 \%}{I_{ua}}$		
	I _{ue}	Trockenmaß	m, mm	$\Delta u = u_{\rm a} - u_{\rm e}$		
Schwindmaßberechnung bei Holzfeuchteänderung	Δυ	Feuchtedifferenz	%	$\beta = \Delta u \cdot q / 1 \%_{\Delta u}$		
	u _a	Anfangsholz- feuchte	%	$b_{\beta} = \frac{b \cdot \beta}{100 \%}$ $b_{\beta} = \frac{b \cdot \Delta u \cdot q / 1\%_{\Delta u}}{100 \%}$		
	u _e	Endholzfeuchte	%			
	q	Schwund bei 1 % Feuchteänderung	%	″ 100 %		
	b	Holzbreite	%			
Nagelverbindung (mit Senkkopfnägeln)	F	Beanspruchung Kraft	kN, N	$F = N_{z,zul.} \cdot m \cdot n$		
6.5 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77 77	n	Anzahl der Nägel	_	$n = \frac{F}{N_{z,zul.} \cdot m}$		
	m	Schnittigkeit	-	$N_{z,zul.} = B_z \cdot d_n \cdot s_w$		
	N _{z, zul.}	zul. Belastung auf Herausziehen,	N	$B_z = 1.3 \frac{MN}{m^2}$ (Wert für runde Draht- und Maschinenstifte)		
	B _z	Lastfall H Festwert für Nägel	$\frac{MN}{m^2}$			
	d _n	Nageldurch- messer	mm			
	S _W	Mindesteinschlag- tiefe	mm			
	а	Mindestholzdicke	mm	aus Tabelle Seite 54		
	1	Nagelabstände	mm	aus Tabelle Seite 54		